フラクタル図形を用いた平行光の拡散に関する研究

A STUDY ON THE EFFICENCY OF FRACTAL SUNSHADE AS SUNLIGHT DIFFUSER

環境図形科学研究室 春田 昌也

近年、フラクタル図形である疑似樹木形状の日除けを用い、眺望を確保した上で熱環境を改善す る方法が提案されている.フラクタル図形とは自己相似を用いた繰り返し図形であり、日除けの形 状はフラクタル次元2次元である.本報では、フラクタル図形単体に平行光を入射させるシミュレー ションを行い、拡散光の空間分布を分析し、拡散材としてのフラクタル図形の有効性を明らかにし た.また、この空間分布をもとにフラクタル日除けの使用方法についてモデル提案を行った.

Recently, 2D fractal sunshade which is a pseudo random trees, was proposed as a method for improving the thermal environment while securing the view through the shade. The fractal shape is defined as repeated figure with self-similar. In this paper, incident sunlight to a single fractal sunshade was simulated at first to analyze the spatial distribution of the scattered light, and evaluate the effectiveness of the fractal shape as a light diffusion material. Then, a fractal sunshade usage mode was proposed based on of the spatial distribution.

1. はじめに

冷暖房負荷の増大や過度の光量の流入等の熱,光の 害を避け、量、質を考慮した日照日射の制御を行うた めには日除けは不可欠な設備である.また,採光面を 考慮すると太陽高度に依存せずに入射光束を均等拡散 でき、窓に設置した時に眺望が確保できるパッシブな 装置が求められる.この条件を満たす拡散日除け装置 として酒井らは正四面体フラクタル図形を用いた日除 けを提案している^[1].図1に示すように、この日除けは 全国各地に提案されており,大阪市立大学高原記念館 にもその一例として設置されている.この日除けを用 いることで、熱環境の改善が明らかにされ、地表面温 度を約 10 度低下できることが知られている[1].しかし、 このフラクタル図形が導く相互反射を含めた光の流れ については明らかにされていない.本報では、アメリ カ合衆国のローレンス・バークレイ国立研究所が開発 した拡張可能な準モンテカルロレイトレーシング照明 シミュレーションプログラムである RADIANCE を用 いて、フラクタル図形単体に平行光を入射させた際の 拡散性を分析し,拡散光配光分布の可視化を行い,フ ラクタル図形の有効性を明らかにするものである^[2]. また、求められた拡散光配光分布をもとに、フラクタ ル図形の実空間への提案について検討した.

2. フラクタル図形とは

フラクタル図形とは、図2のように図形の「部分」

と「全体」が自己相似形であるもので(図2参照),海岸 線や樹木の枝分かれの形状などに見られる複雑な図形 を数学的に表現したもので、シェルピンスキーのギャ スケットなどがよく知られており、平面だけではなく 立体にも応用されている.これらのフラクタル図形は 無限に繰り返される自己相似のため、正確に作図する ことはできない.また、これらの図形の特徴は、整数以 外の値を含めたフラクタル次元(以下 FD)により評価 されることである.FD とは、より細かなスケールへと 拡大するにつれ、あるフラクタルがどれだけ完全に空 間を満たしているかを示す統計的な量である.空間の 分割数1とその空間をN個で満たす時、FD は

$FD = \log_l N \quad \cdot \quad \cdot \quad \cdot \quad \cdot \quad (\vec{\mathbf{x}} \ 1)$

と表される^[3].

式1より、シェルピンスキーのギャスケットでは空間を2分割する中に正三角形を3個で満たす図形が繰り返されるため、FDは1.58次元である.フラクタル目除けである正四面体フラクタル図形では空間を2分割する中に正四面体を4個で満たす図形が繰り返される



図1 フラクタル日除け

ため FD は 2 次元となる.つまり,形状としては 3 次元 (立体)だが FD では 2 次元(平面)の物体となり,空間的 な平面と解釈することができる.

3. 正四面体フラクタル図形の拡散性の評価

3.1. 拡散性の評価方法

既存の拡散装置や他のフラクタル図形と比較し,正 四面体フラクタル図形の評価を行う.光環境の分析で は拡散性について定義することは難しく,障子紙のよ うな透過拡散面とブラインドのような日照調整装置を 同様に評価する手法は提案されていない.そこで本研 究では,入射光の裏側の光の流れに注目し拡散性を評 価することを試みた(図3参照).

ブラインドや障子紙は,強い法線照度を持つ平行光 (直射日光等)の強度と指向性を緩和するために設置され,装置がなければ室内には指向性の強い平行光が入 射する.開口部に拡散装置を設置すれば,強い平行光 が入射する.拡散装置が光を拡散,透過させることに より入射光の反対側には分散した光の流れが出現し, 反対側に設置された面は,平均的な輝度分布となる. このため,この輝度分布を確認すれば,装置の拡散性 を評価することができる.

各図形のモデリングには、モデリングツールである Blender2.67 を使用した.そして, RADIANCE を用いて 評価図形を 500mm 立方体内に収まる大きさで中心に 配置し、図4のように評価図形の重心から水平方向に 基準方向を設定し、平行光の入射角度を設定した.入 射方向は、実空間の太陽光の高度の変化を考慮して入 射方向は0度から80度まで10度刻みとし、90度の場 合は直接光源を見ることになるため取り扱わない.レ ンダリングは、評価図形を真下から見上げる形として 平行投影を行い、その輝度分布と平均輝度を算出した. 見上げ面の輝度分布は、輝度 0cd/m²の空間に評価図形 が浮かぶ状態となるため、均等拡散面の立方体では光 が裏側に回ることがないため、輝度分布画像はすべて の点で 0 cd/m² となる.この方法を用いて, 正四面体フ ラクタル図形、既存の拡散装置(ブラインド、障子紙)、 他のフラクタル図形(シェルピンスキーギャスケット) の場合との比較を行った.評価図形の拡散反射率を表1 に示す.平行光の強さは法線照度 10,000lx とした.

3.2. 正四面体フラクタル図形の結果と分析

正四面体フラクタル図形の輝度分布を図 5 に示す. 水平方向である入射角0度,鉛直方向に近い80度の場 合を含む全てのケースで輝度値が正の値となる部分が 出現した.入射角度別の各拡散評価図形の平均輝度の 値を図 6 に示す.平均値は輝度値が正の値となる部分 の値の平均である.フラクタル図形の隙間を含むレン ダリング正方形画面内全体の平均値ではない. シェルピンスキーのギャスケットでは, 裏側に光は 回り込まず, どの角度においても 0*cd/m*²である.

表1 各図形の反射(透過)率



既存の拡散装置では、平均輝度値は平行光の入射角 に依存しており、特に障子紙では余弦則に従う結果と なった.一方で正四面体フラクタル図形の平均輝度値 は、既存の拡散装置と比べて平行光の角度によらず一 定の値となった.特に正四面体フラクタル図形では、 平行光入射角が低角度の場合、既存の拡散装置よりも 輝度の値が高い結果となった.これは、正四面体フラ クタル図形が拡散装置としてだけでなく、昼光照明が 望めない(太陽高度0から10度)時間帯⁽⁴⁾においても光 を室内に入射させる採光装置としても機能する可能性 を示している.

3.3. 方位変化に伴う輝度変化の検討

正四面体フラクタル図形の方位を変化させた場合の 見上げ面輝度の安定性に関する検討を行った.図7に 示すように方位角は30度,45度,60度と変化させそれ ぞれの場合について高度0度から80度まで10度刻み に変化させた場合の見上げ輝度の平均値を算出した (図8参照).平行光の強さやフラクタル図形の拡散反射 率は前節の検討と同様である.

図8のように平均輝度値は方位変化の影響は小さく, 平行光の入射角に依存しないことが分かった.また, 平行光入射角が低角度で大きな変化が見られ,方位角 30度で入射角が0度の場合,輝度値がほぼ0cd/m²となった.これは,正四面体の面構成上この角度からの平 行光は拡散せず,有効な拡散性を得られていないこと を意味している.つまり,設計等にフラクタル日除け を用いる場合,拡散性を期待できない方向に留意しな ければならない.さらに,平行光を鉛直下に落とす日 除けとして考えた場合,方位角0度の入射光の場合が 理想的であることが分かった.正四面体フラクタル図



形では以上のような結果となったが、これは FD2 次元 のフラクタル図形に共通する特徴であるのか、正四面 体フラクタル図形固有の特徴なのか明らかではない. そこで、次に立方体を用いてフラクタル図形を作成し フラクタル図形の FD と拡散性の関係について検討を 行った.

4. 立方体フラクタル図形

4.1. 立方体フラクタル図形のモデリング

フラクタル日除けとして用いられている正四面体フ ラクタル図形では、底面が三角形のため日除けとして 配置を考えることが難しい.また正四面体を用いた他 の FD2 次元のフラクタル図形を発見することが困難 である.そこで、立方体を用いた底面が正方形となる フラクタル図形を提案し、FD の変化とフラクタル図形 の配置方法の違いを検討した.ここでは、空間的に2 次元の広がりを持つことが相互反射による拡散性に大 きく影響すると考え、立方体フラクタル図形として立 方体の面を最大限に利用するため、全ての軸方向へ平 行投影した際に平面に圧縮されるフラクタル図形を考 案しそれを立方体フラクタル図形として検討を行った (図9参照).

4.2. 立方体フラクタル図形の拡散性の評価

立方体フラクタル図形で正四面体と同様のシミュレ ーションを行った結果の輝度分布を図 10 に示す.拡散





図 10 立方体フラクタル図形の輝度分布

図9 立方体フラクタル図形のx,y,z方向から平行投影

反射率は 0.6 とした.

前節の結果と比較した結果,正四面体フラクタル図 形と同様に拡散性が平行光入射角に依存しないことが 分かった.低角度の入射光の採光装置としてフラクタ ル図形に注目すると,正四面体フラクタル図形より水 平方向に近い入射と,立方体フラクタル図形は光を鉛 直下に採り込む性質が強いことが分かった.

4.3. フラクタル次元の変化と拡散性の検討

FDと拡散性の関係の検討を行った.FD2次元の基本 図形として立方体フラクタル図形の2回繰り返しを用 い、その図形から立方体を増減させ、それを2回繰り 返すことでFD1.25から2.75まで0.25ずつ変化させた 図形を作成した(図12参照).各FD図形を用いた場合 の輝度分布を図13に示す.さらに各分布から平均輝度 を算出し、その値を平均することで総合平均輝度とし 比較を行った(図14参照).

この結果, FD2 次元以上では, 密になった部分に拡 散光が入射し, 内側から外側に向かう光がなく, 拡散 しない.FD が 2 次元以下では相互反射を繰り返さずに 1 次反射のみで完結している.空間的に FD2 次元のフラ クタル図形では, 相互反射が効率よく行われ, 光が空 間全体に広がることが分かった.

4.4. ランダム配置とフラクタル配置の違いの検討

フラクタル図形の自己相似の立方体配置についてラ





図 12 FD 変化フラクタル図形 1.25 k元 1.5 k元 1.75 k元 2.25 k元 2.5 k元 2.75 k元 48

図 13 各 FD 平行光入射角別の輝度分布

ンダム図形の場合と比較して検討した.ランダム図形 の配置は、図15に示す3種の手法で検討を行った. 階層ランダム

縦方向の大きさを維持しながら各水平レベルの 256 スペースを 16 個ずつの立方体で埋め, 16 層で 256 個の 立方体の配置方法である.

<u>ハーフランダムフラクタル</u>

4分割された立方体(64 スペース)に立方体を16 個ず つランダムに配置し、その図形を2回自己相似させる ことでフラクタル図形と同じ立方体数を持つ図形とし た.ランダムとフラクタルを半分ずつ混合した図形で ある.

フルランダム

16分割された立方体(4096スペース)のうちランダム に256個の立方体を配置した.完全なランダムなため,*x*, *y*,*z*方向に大きさが維持されない可能性がある.

それぞれの輝度分布を算出し,総合平均輝度による 分析を行った(図16参照).

総合平均の結果から,全角度において拡散性が高い ものは,階層ランダムのように厚みが確保されている ものが最重要であり,次に拡散反射効率がよい規則性, 面と面で反射が繰り返され外側に拡散しない面同士が 重ならないことが重要となった.フルランダムでは1 部では,総合平均が高いものが存在するが,厚みと規 則性がないので総合平均は最も値が小さい.厚みを確 保しつつ,面の重なりを作らないような配置を考える と,フラクタル図形の自己相似を用いる必要がある.



図 15 各ランダム図形の作成方法

5. 拡散反射光の配光分布の検討

5.1. 配光分布の算出方法

FD2 次元のフラクタル図形は空間的に広がるため, 空間的な光の流れを把握する必要がある.そこで,照 明器具などに用いられる配光曲線のようにフラクタル 図形の拡散光の分布について検討を行い,フラクタル 図形の拡散性による有効性を検討した.

半径 1m 球面上に離散的に設定した照度算出点(等立 体角分割で 4097 点)を用い,中心に 0.5m 立方の評価図 形を置いた場合と置かない場合の照度分布の差分を求 めることでフラクタル図形による反射光の配光分布を 求めた.フラクタル図形に入射させる平行光の角度は 0~90 度の 10 度刻みで変化させた(図 17 参照). 理想の 拡散状態においては,全ての算出点の照度値が等しく, すべての角度を通して偏差のない均等な分布となるが, 実際にはそのようにはならず,光の入射角度に応じて 方向別の反射光の強度は異なる.そのため拡散透過面 の立方体を理想的な拡散性を持つ比較対象として 検 討を行うこととし,正四面体フラクタル図形,立方体 フラクタル図形の拡散反射光配光分布と比較を行った. それぞれのケースの配光分布(対称性を考慮して半球 面のみ記載)を図 18 に示す.

5.2. 配光分布の分析

配光分布は差分値のため、平行光が十分届く算出点 においてはマイナス照度となる算出点も存在する.そ のため、フラクタル図形なしで光が届かない場所へ光 が到達している部分のみを考慮した.差分が、0lx以上 の算出点のみを対象とし、それらの算出点の値の平均 値と標準偏差で評価を行った.図19に求められた平均 値と標準偏差(ひげの大きさ)を示す.両フラクタル図形 とも拡散反射の分布に近い結果となった.標準偏差は 正四面体フラクタル図形より立方体フラクタル図形の 方が小さいことから、立方体フラクタル図形の方が拡 散性は高いことが分かった.拡散透過立方体より標準 偏差が小さく、立方体フラクタル図形の拡散性が極め て均等であることが分かった.

5.3. 方位変化による配光分布の検討



図 19 各入射角別の拡散反射光配光分布の分析値 (ひげの大きさ標準偏差に相当) 化についても同様の分析を行い均等拡散する角度と不 得意な角度について検証を行った.図17に示す各フ ラクタル図形に対して図の奥向きに30度,45度,60度 の3方位を設定し,平行光の角度は0~90度の10度刻 みで変化させて検討した.ここで得られた特徴的なも のを図20に示す.

正四面体フラクタル図形の入射高度が低角度の場合 は、方位による変動が大きかった.方位角 60 度で入射 角 0 度の場合は平均値が高いが、1 次反射面からの光が 主で標準偏差が大きいため拡散性能は低い結果となっ た.方位角度 0 度で入射角度 30 度の場合に 最も平均値 が高く標準偏差も小さくなった.この条件が最も拡散 性が高いことがわかった.一方で、立方体フラクタル 図形では方位によっての変動が少ない結果となった.



図 17 照度の算出方法と理想の拡散状態







図22 春分の実空間モデルにおけるシミュレーション結果(左:正四面体フラクタル図形,右:立方体フラクタル図形)

実空間におけるフラクタル型日除け設置の検討

6.1. 実空間モデルの設定

実空間にフラクタル型日除けを設置する場合の検討 を行った.前章の検討から正四面体フラクタル図形は 方位角0度高度30度で南中時の直射日光を拡散させる ために東西軸に約48度回転を加えて配置した.立方体 フラクタル図形は回転させない.これらをフラクタル 日除けとし実空間における拡散性を検討した.実空間 モデルとして国土交通省が提案している自立循環型モ デルから居間部分のみ選択した^[5].南側窓に日除けを



図 21 モデル平面図とフラクタル図形の角度の決定



図 23 季節時間ごとの平均机上面照度 (左:正四面体フラクタル,右:立方体フラクタル)



図 24 フラクタル図形の室内南北机上面照度

配置して検討した(図21参照). 春秋分. 夏至. 冬至の3 日間の6時から18時までCIE晴天空時を用いて1時 間ごとにシミュレーションを行った.結果のうち.春 分の結果を図 22 に示す.また、机上面照度についても 15 分毎に同季節同時間で算出した(図 23 参照).

6.2. 実空間モデルの分析結果

南中時の太陽高度である 12 時を採用し、その時の 平均机上面照度の季節ごとの変化を検討した.机上面 照度は.1681点の算出点の中から室中央南北に相当す る 41 点を抽出して計算を行った(図 24 参照).図のよう に、直射日光によって拡散される光やフラクタル図形 の隙間から漏れがあるため, 照度のピークが複数存在 する結果となった.既存の拡散装置と比較して. 机上 面照度のピークが室内側に移動することが分かった.

7. まとめ

検討を行った FD2 次元のフラクタル図形は拡散性 に優れ、拡散材として効率よく相互反射をすることが 分かった.平均輝度一定となることから拡散装置だけ ではなく、昼光照明が望めない時間帯の光として室内 に取り入れる採光装置としても利用可能であると考え られる.また、拡散反射光配光分布を求めることで、正 四面体フラクタル図形と立方体フラクタル図形の性能 の違いを検討し,正四面体フラクタル図形では構成上 30 度や 60 度といった角度には拡散能力の強弱が現れ たのに対して、立方体フラクタル図形では方位の影響 が小さく、拡散性が高かった.実空間におけるフラク タル型日除け設置の検討では、すべての拡散材におい て選択的に天空光だけを採光することはできず,直射 日光のみが多く採り込まれるため、直射日光と天空光 の適正なバランスを保った光量が確保できる拡散材と なることが分かった.

- 「RADIANCE」 <http://radsite.lbl.gov/radiance/> (2013 年 12 月 1 日 閲覧)
- Kenneth Fals (2011) 「建築光環境・視環境(新・建築学)」 数理工学社 [4]
- [5] 国土交通省国土技術政策総合研究所・独立行政法人建築研究所監修(2005)『自立循環 型住宅への設計ガイドライン』財団法人 建築環境・省エネルギー機構発行

参考文献

^[1] 酒井敏 中村美紀著 (2011)『フラクタル日除けによる放射環境改善効果』日本ヒート ド学会論文集 Vol.6 ラン [2]





















立 方 体 フラクタル 図 形	
ランダム図形とフラクタル図形の違いの検討	
立方体フラクタル図形と同じ最小構成数の立方体 持つ図形をランダム図形として3種9パターンを作	本の個数256個と同様のスケールを 成した。
	院置ランダム 縦方向の大きさを維持
2×1	ハーフランダムフラクタル ランダムとフラクタルの 半分ずつの機能をもつ
***	フルフラクタル 完全なランダムなため x, y, z方向に大きさが雑 持されない



















今後の課題

- 今後の課題として以下の3点が考えれる
- 1. FD2次元フラクタル図形の新たな発見をすること。
- 2. 複雑図形の拡散性の簡易算出の検討
- 3. フラクタル図形の最適配置を含めた検討

ご清聴ありがとうございました。